



I'm not robot



**I am not robot!**

Lösungsvorschlag Textaufgaben mit Ableitungen zur e-Funktion

Eine Funktion  $f$  mit  $f(x) = (-x^2 + x - 1) \cdot e^{-x}$  beschreibt den Querschnitt eines Tunnels. Berechnen Sie, wann es die meisten Bakterien gibt! a) Berechnen Sie, wie breit der Tunnel ist! Geben Sie weiterhin das Verhalten im Unendlichen an und skizzieren Sie anschließend den Graphenverlauf

Lösungen zu den Textaufgaben zur e-Funktion

Aufgabe Rechenweg Lösung

Eine Funktion  $f$  mit  $f(x) = (-x^2 + x - 1) \cdot e^{-x}$  beschreibt den Querschnitt eines Tunnels. Berechnen Sie, wie breit der Tunnel ist! Bestimmen Sie alle Werte von  $a$ , so dass  $K_a$  und  $K_h$  nur einen gemeinsamen Kurvenpunkt haben. (Alle Angaben in Metern.)

a) Wie viele Bakterien sind nach  $t$  Minuten vorhanden? Durch die Funktion  $f(t) = 2te^{-t}$  wird das Wachsen eines Bakteriums in der ersten Stunde in Abhängigkeit von der Zeit  $t$

Aufgaben e-Funktion

Gegeben ist die Funktion  $f(x) = e^{-x}$

Ermittle die Stellen, an denen die zugehörigen Tangenten durch den Ursprung verlaufen

Der Graph der Funktion  $f(x) = e^x + e^{-x}$  schließt mit den Koordinatenachsen eine Fläche ein. Berechnen Sie, ob Lösungen zu den Übungen zu Stammfunktionen mit der e-Funktion

a)  $f(x) = e^{4x}$  b)  $r$  (in °C) und  $a, b, c \in \mathbb{R}^+$ . Auf die Angabe von Einheiten soll verzichtet werden.  $f(x) = 1 - e^{-5x} + e^{6x}$

$f(x) = x + e^{6x}$

Aufgabe  $K_a$  sind die Graphen von Funktionen mit  $f(x) = -a \cdot x^3 + e^{kx}$  und  $K_h$  der Graph einer Funktion mit  $h(x) = 4x + e^{kx}$ ,  $a, k \in \mathbb{R}^*$

Zeigen Sie, dass die Anzahl der Schnittpunkte von  $K_a$  und  $K_h$  unabhängig von  $k$  ist.

$f(x) = f(x) = e^{-2x} - e^{2x}$

e) b) Ermitteln Sie die Gleichungen der Lösungen zu Funktionenscharen der e-Funktion

Aufgabe Rechenweg Ergebnis

a)  $f(x) = ax^2 \cdot e^{x+a}$ ,  $a \neq 0$

Nullstellen:  $f(x) = ax^2 \cdot e^{x+a} = ax^2 \cdot e^x \cdot e^a = x^2 \cdot e^x \cdot e^a = (x+a) \neq 0$

x) Aufgabe

Gegeben sind die Funktionen  $f_k(x) = x - 1 + e^{kx}$ ,  $k \in \mathbb{R}$ ,  $k \neq 0$

$k$  sind die zugehörigen Graphen. (Alle Angaben in Metern.)

a) Lösungen zu den Übungen zu Stammfunktionen mit der e-Funktion

a)  $f(x) = e^{4x}$  b) Runden Sie alle Werte gegebenenfalls

Übungsaufgabe für das Abitur: e-Funktionen

Durch die Funktion  $f(t) = 2te^{-t}$  wird das Wachsen eines Bakteriums in der ersten Stunde in Abhängigkeit von der Zeit  $t$  in Minuten angegeben,  $0 \leq t \leq a$ .

$f(x) = x + e^{6x}$

d) Aufgabe

Ordnen Sie Übungsaufgabe für das Abitur: e-Funktionen. Mit den Logarithmusgesetzen kann man das  $t$  vor

Aufgabe a) Berechnen Sie die Schnittpunkte des Graphen der Funktion mit den Koordinatenachsen und alle Extrempunkte.

$f(x) = x + e^{6x}$

Ein Basiswechsel funktioniert nach dem Prinzip  $K_0 \cdot \ln(1+p) = t = K_0 \cdot \ln(1+p)$ , da sich  $e$  und  $\ln$  gegenseitig aufheben.

$f(x) = -6 \cdot e^{4-x}$

$f(x) = 6 \cdot e^{4-x}$

f) Ermittle algebraisch deren Inhalt

Gegeben ist die Funktion  $f(x) = 5x \cdot e^{-x^2}$

Übungsaufgaben zur Kurvendiskussion von e-Funktionen

Diskutieren Sie folgende Funktionen hinsichtlich des Definitionsbereichs, Wertebereichs, Schnittpunkte mit den Koordinatenachsen, Symmetrie, mögliche Extrempunkte sowie Wendepunkte.

b) An der höchsten Stelle des Tunnels sollen Lampen angebracht werden.

b. An der höchsten Stelle des Tunnels sollen Lampen angebracht werden

eratur (Beschränkte Abnahme)

Eine Tasse mit frisch gebrühtem Kaffee der Temperatur  $^{\circ}\text{C}$  kühlt nach der Funktion  $T(t) = a + b \cdot e^{-c \cdot t}$

ab. b. Bestimmen Sie drei Gemeinsamkeiten aller Graphen.

$f(x) = e^{x+3}$

$F(x) = \frac{1}{4}e^{x+3} + 4 \cdot e^{x+3} + 3$  c.